

**ĆWICZENIA 5 – ZADANIA** (Rachunek różniczkowy funkcji jednej zmiennej)

**Zadanie.1** Korzystając z definicji pochodnej funkcji w punkcie wyznaczyć pochodne następujących funkcji:

a)  $f(x) = 4x^2 + 7x$  w punkcie  $x_0 = -1$

b)  $f(x) = x - \frac{1}{x}$  w punkcie  $x_0 = 1$ .

c)  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x - 3$  w punkcie  $x_0 = 0$ .

d)  $f(x) = \sqrt[3]{x}$  w punkcie  $x_0 = 1$ .

**Zadanie.2** Obliczyć pochodne następujących funkcji:

a)  $y = 4x^2 - 8x + 9600$

o)  $y = \cos x \cdot \operatorname{tg} x$

b)  $y = 10x^4 - 4x^{-2} + 9x^{-11}$

p)  $y = \frac{4x - 9}{6x^2 - x + 10}$

c)  $y = \frac{4}{x^3}$

q)  $y = (x+1)(2x^2 + 2)(3x - 2)$

d)  $y = \left(\frac{2}{x^2}\right)^5$

r)  $y = \frac{2\sqrt[3]{x}}{1 - \sqrt[3]{x}}$

e)  $y = \sqrt{x} + 2x^2$

s)  $y = \frac{2\sqrt{x}}{x + \sqrt{x}}$

f)  $y = 8\sqrt[5]{x^7}$

t)  $y = \frac{x}{4x^4} + 3$

g)  $y = \frac{2}{\sqrt[3]{x^2}} - \sqrt[5]{x}$

u)  $y = \frac{x^5}{(x^2 + 1)(x^3 + 4)}$

h)  $y = \frac{5x}{\sqrt[3]{x}}$

v)  $y = \left(\frac{x+1}{x+3}\right)(x^2 - 2x - 1)$

i)  $y = \frac{2}{x\sqrt{x}} + \frac{5}{\sqrt[7]{x}}$

w)  $y = (x+1)\left(x+1 - \frac{1}{x+2}\right)$

j)  $y = (2x+8)(4+x^4)$

k)  $y = \left(4x^2 - 2x\sqrt{x} + \sqrt[4]{x^5}\right)\left(\frac{2}{\sqrt{x}} - \frac{4}{\sqrt{3}}\right)$

x)  $y = \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^3} + \frac{1}{x^4}$

l)  $y = \sin x \cdot \cos x$

y)  $y = \frac{1}{x + x^2 + x^3 + x^4}$

m)  $y = x \ln x$

z)  $y = e^x \ln x$

n)  $y = x \sin x + 1 + \operatorname{tg} x$

**ĆWICZENIA 5 – ZADANIA** (Rachunek różniczkowy funkcji jednej zmiennej)**REGUŁY OBLICZANIA POCHODNYCH**

	<b>Funkcja</b>	<b>Pochodna</b>	<b>Uwagi</b>
1	$y = c$	$y' = 0$	$c \in \mathbb{R}$
2	$y = x$	$y' = 1$	
3	$y = \sin x$	$y' = \cos x$	
4	$y = \cos x$	$y' = -\sin x$	
5	$y = a^x$	$y' = a^x \ln a$	
6	$y = e^x$	$y' = e^x$	
7	$y = x^k$	$y' = kx^{k-1}$	$k \neq 0$
8	$y = \operatorname{tg} x$	$y' = \frac{1}{\cos^2 x}$	$x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$
9	$y = \operatorname{ctg} x$	$y' = \frac{-1}{\sin^2 x}$	$x \neq k\pi$
10	$y = \log_a x$	$y' = \frac{1}{x \ln a}$	$a > 0, a \neq 1$ $0 < x < +\infty$
11	$y = \ln x$	$y' = \frac{1}{x}$	$x > 0$
12	$y = \arcsin x$	$y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$-1 < x < +1$ $-\frac{\pi}{2} < y < +\frac{\pi}{2}$
13	$y = \arccos x$	$y' = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$	$-1 < x < +1$ $0 < y < \pi$
14	$y = \operatorname{arctg} x$	$y' = \frac{1}{1+x^2}$	$-\frac{\pi}{2} < y < +\frac{\pi}{2}$
15	$y = \operatorname{arcc} \operatorname{tg} x$	$y' = \frac{-1}{1+x^2}$	$0 < y < \pi$

$$(f(x) \pm g(x))' = f'(x) \pm g'(x)$$

$$(a \cdot f(x))' = a \cdot f'(x)$$

$$(f(x) \cdot g(x))' = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

$$\left( \frac{f(x)}{g(x)} \right)' = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{[g(x)]^2}$$